今日の重要事項

回路を貫く磁東Φの時間変化 ──> 回路に起電力 V。

磁東Φの定義

$$\Phi = \int_{S} \mathbf{B} \cdot \mathbf{n} dS$$
 (4.2) (S は回路が囲む面、 B_n は磁束密度の S に垂直な成分) = BS (但し、 S 上で磁束密度が一定値 B で垂直の場合)

電磁誘導の公式

$$V_e = -\frac{d\Phi}{dt} \qquad (4.1)$$

ファラデーの電磁誘導の法則

$$\oint_C \mathbf{E} \cdot \mathbf{t} dl = -\frac{d}{dt} \int_S \mathbf{B} \cdot \mathbf{n} dS \quad (4.3)$$

→◇ 小テストと解答例

半径 a の無限に長い円筒状のものがあるとき、以下の問に答えよ。

- 1) 円筒内部に一様な電荷が密度 ρ であるとき、円筒外部の電場の様子を図に描け。 (図は略)円筒表面から外に向かって放射状の電場が存在。
- 2) 円筒の外部の電場を求めるために、ガウスの法則を適用する閉曲面を図に描け。 (図は略)円筒の中心と同じ中心を持つ半径 r 高さ h の円柱の表面。
- 3) 閉曲面の内部に存在する電荷を求めよ。 閉曲面(円柱)の半径 r が円筒の半径 a より小さい時(r < a)は、 $\pi r^2 \times h \times \rho$ 。 円柱の半径 r が電線の半径 a より大きい時(r>a)は、 $\pi a^2 \times h \times \rho$
- 4) 円筒の内と外の電場の大きさを求めよ。 電場は閉曲面の円柱の側面から垂直に出るので、ガウスの法則の左辺は、

$$\varepsilon_0 \int_S E_n dS = 2\pi \varepsilon_0 r h E(r)$$

従って、
$$E(r) = \begin{cases} \frac{\rho r}{2\varepsilon_0} & (r < a) \\ \frac{a^2 \rho}{2\varepsilon_0 r} & (r > a) \end{cases}$$

次に円筒に電流が一様に電流密度iで流れているときを考える。

- 5) 円筒の外部での磁束密度の様子を図に描け。 (図は略)円筒の外側に渦巻状の磁場が存在。
- 6) 磁束密度を求めるために、アンペールの法則を適用する閉曲線を図に描け。 (図は略)円筒の中心と同じ中心を持つ半径 r の円周
- 7) 円筒の中と外の磁束密度の大きさを求めよ。

(r < a) のとき、閉曲線を縁にする面(半径 r の円)を貫く電流は、 $\pi r^2 \times i$ 。

(r > a) のとき、電流は、 $\pi a^2 \times i$ 。

一方、磁束密度は閉曲線(半径 r の円周)上で一定で接する方向にあるので、アンペールの法則の左辺は、 $B \cdot ds = 2\pi r B(r)$

従って、
$$B(r) = \begin{cases} \frac{\mu_0 ir}{2\varepsilon_0} & (r < a) \\ \frac{\mu_0 a^2 i}{2\varepsilon_0} & (r > a) \end{cases}$$



◆◇ 練習問題

右図のようにコの字型の導線 ABCD に、導体棒を点 P、点 Q で接触させ て閉じた回路を作る。この回路を回路面に垂直な一様な磁場(磁束密度 B)の中に置き、点 P を固定して、点 Q を図中矢印の方へ一定の速度 ν ですべらせる。BP の長さをa、BC の長さをbとするとき、時刻t=0 で の CQ の長さが a である場合について

- (1) 時刻 *t* での BPQC の面積を求めよ。
- (2) 回路に生じる起電力の向き、大きさを求めよ。

